|  |
| --- |
| Приложение 15  Основной образовательной программы  среднего общего образования,  утвержденной приказом директора МБОУ СОШ №80  от 31.08.2017 г. № 135 |

Рабочая программа учебного предмета «МАТЕМАТИКА»

10-11 класс

ПРОФИЛЬНЫЙ УРОВЕНЬ

1.Требования к уровню подготовки выпускников

В результате изучения математики на профильном уровне ученик должен:

*знать/понимать*:

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;

- значение практики и вопросов, возникающих в самой математике, для формирования и развития математической науки;

- идеи расширения числовых множеств как способа построения нового математического аппарата для решения практических задач и внутренних задач математики;

- значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций;

- возможности геометрии для описания свойств реальных предметов и их взаимного расположения;

- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость в различных областях человеческой деятельности;

- различие требований, предъявляемых к доказательствам в математике, естественных, социально-экономических и гуманитарных науках, на практике;

- роль аксиоматики в математике; возможность построения математических теорий на аксиоматической основе; значение аксиоматики для других областей знания и для практики;

- вероятностный характер различных процессов и закономерностей окружающего мира.

**Числовые и буквенные выражения**

*Уметь:*

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применение вычислительных устройств; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительные устройства; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;

- применять понятия, связанные с делимостью целых чисел, при решении математических задач;

- находить корни многочленов с одной переменной, раскладывать многочлены на множители;

- выполнять действия с комплексными числами, пользоваться геометрической интерпретацией комплексных чисел, в простейших случаях находить комплексные корни уравнений с действительными коэффициентами;

- проводить преобразования числовых и буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- практических расчетов по формулам, включая формулы, содержащие степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции, используя при необходимости справочные материалы и простейшие вычислительные устройства;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

**Функции и графики**

*Уметь:*

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;

- строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков;

- описывать по графику и по формуле поведение и свойства функций;

- решать уравнения, системы уравнений, неравенства, используя свойства функций и их графические представления;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- описания и исследования с помощью функций реальных зависимостей, представления их графически; интерпретации графиков реальных процессов;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

**Начала математического анализа**

*Уметь:*

- находить сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии;

- вычислять производные и первообразные элементарных функций, применяя правила вычисления производных и первообразных, используя справочные материалы;

- исследовать функции и строить их графики с помощью производной;

- решать задачи с применением уравнения касательной к графику функции;

- решать задачи на нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке;

- вычислять площадь криволинейной трапеции;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- решения геометрических, физических, экономических и других прикладных задач, в том числе задач на наибольшие и наименьшие значения с применением аппарата математического анализа;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

**Уравнения и неравенства**

*Уметь:*

- решать рациональные, показательные и логарифмические уравнения и неравенства, иррациональные и тригонометрические уравнения, их системы;

- доказывать несложные неравенства;

- решать текстовые задачи с помощью составления уравнений и неравенств, интерпретируя результат с учетом ограничений условия задачи;

- изображать на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем;

- находить приближенные решения уравнений и их систем, используя графический метод;

- решать уравнения, неравенства и системы с применением графических представлений, свойств функций, производной;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- построения и исследования простейших математических моделей;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

**Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей**

*Уметь:*

- решать простейшие комбинаторные задачи методом перебора, а также с использованием известных формул, треугольника Паскаля; вычислять коэффициенты бинома Ньютона по формуле и с использованием треугольника Паскаля;

- вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов (простейшие случаи);

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- анализа реальных числовых данных, представленных в виде диаграмм, графиков; для анализа информации статистического характера;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

**Геометрия**

*Уметь:*

- соотносить плоские геометрические фигуры и трехмерные объекты с их описаниями, чертежами, изображениями; различать и анализировать взаимное расположение фигур;

- изображать геометрические фигуры и тела, выполнять чертеж по условию задачи;

- решать геометрические задачи, опираясь на изученные свойства планиметрических и стереометрических фигур и отношений между ними, применяя алгебраический и тригонометрический аппарат;

- проводить доказательные рассуждения при решении задач, доказывать основные теоремы курса;

- вычислять линейные элементы и углы в пространственных конфигурациях, объемы и площади поверхностей пространственных тел и их простейших комбинаций;

- применять координатно-векторный метод для вычисления отношений, расстояний и углов;

- строить сечения многогранников и изображать сечения тел вращения;

использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- исследования (моделирования) несложных практических ситуаций на основе изученных формул и свойств фигур;

- вычисления длин, площадей и объемов реальных объектов при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства;

- приобретения практического опыта деятельности, предшествующей профессиональной, в основе которой лежит данный учебный предмет.

2. Содержание учебного предмета

**Числовые и буквенные выражения**

Делимость целых чисел. Деление с остатком. СРАВНЕНИЯ. Решение задач с целочисленными неизвестными.

Комплексные числа. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Действительная и мнимая часть, модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексных чисел. Арифметические действия над комплексными числами в разных формах записи. Комплексно сопряженные числа. ВОЗВЕДЕНИЕ В НАТУРАЛЬНУЮ СТЕПЕНЬ (ФОРМУЛА МУАВРА). ОСНОВНАЯ ТЕОРЕМА АЛГЕБРЫ.

Многочлены от одной переменной. Делимость многочленов. Деление многочленов с остатком. Рациональные корни многочленов с целыми коэффициентами. СХЕМА ГОРНЕРА. Теорема Безу. Число корней многочлена. Многочлены от двух переменных. Формулы сокращенного умножения для старших степеней. Бином Ньютона. МНОГОЧЛЕНЫ ОТ НЕСКОЛЬКИХ ПЕРЕМЕННЫХ, СИММЕТРИЧЕСКИЕ МНОГОЧЛЕНЫ.

Корень степени n > 1 и его свойства. Степень с рациональным показателем и ее свойства. Понятие о степени с действительным показателем. Свойства степени с действительным показателем.

Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Логарифм произведения, частного, степени; переход к новому основанию. Десятичный и натуральный логарифмы, число е.

Преобразования выражений, включающих арифметические операции, а также операции возведения в степень и логарифмирования.

**Тригонометрия**

Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла. ФОРМУЛЫ ПОЛОВИННОГО УГЛА. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. ВЫРАЖЕНИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ ЧЕРЕЗ ТАНГЕНС ПОЛОВИННОГО АРГУМЕНТА. Преобразования тригонометрических выражений.

Простейшие тригонометрические уравнения. Решения тригонометрических уравнений. ПРОСТЕЙШИЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ НЕРАВЕНСТВА.

Арксинус, арккосинус, арктангенс, арккотангенс числа.

**Функции**

Функции. Область определения и множество значений. График функции. Построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функций: монотонность, четность и нечетность, периодичность, ограниченность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума (локального максимума и минимума). ВЫПУКЛОСТЬ ФУНКЦИИ. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.

Сложная функция (композиция функций). Взаимно обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции. Нахождение функции, обратной данной.

Степенная функция с натуральным показателем, ее свойства и график. ВЕРТИКАЛЬНЫЕ И ГОРИЗОНТАЛЬНЫЕ АСИМПТОТЫ ГРАФИКОВ. ГРАФИКИ ДРОБНО-ЛИНЕЙНЫХ ФУНКЦИЙ.

Тригонометрические функции, их свойства и графики, периодичность, основной период. ОБРАТНЫЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ.

Показательная функция (экспонента), ее свойства и график.

Логарифмическая функция, ее свойства и график.

Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой y = x, РАСТЯЖЕНИЕ И СЖАТИЕ ВДОЛЬ ОСЕЙ КООРДИНАТ.

**Начала математического анализа**

Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Длина окружности и площадь круга как пределы последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма. ТЕОРЕМЫ О ПРЕДЕЛАХ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЕЙ. ПЕРЕХОД К ПРЕДЕЛАМ В НЕРАВЕНСТВАХ.

Понятие о непрерывности функции. ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕМЫ О НЕПРЕРЫВНЫХ ФУНКЦИЯХ.

ПОНЯТИЕ О ПРЕДЕЛЕ ФУНКЦИИ В ТОЧКЕ. ПОВЕДЕНИЕ ФУНКЦИЙ НА БЕСКОНЕЧНОСТИ. АСИМПТОТЫ.

Понятие о производной функции, физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения и частного. Производные основных элементарных функций. ПРОИЗВОДНЫЕ СЛОЖНОЙ И ОБРАТНОЙ ФУНКЦИЙ. Вторая производная. Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Использование производных при решении уравнений и неравенств, текстовых, физических и геометрических задач, нахождении наибольших и наименьших значений.

Площадь криволинейной трапеции. Понятие об определенном интеграле. Первообразная. Первообразные элементарных функций. Правила вычисления первообразных. Формула Ньютона - Лейбница.

Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком. Примеры применения интеграла в физике и геометрии. Вторая производная и ее физический смысл.

**Уравнения и неравенства**

Решение рациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств. Решение иррациональных уравнений И НЕРАВЕНСТВ.

Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных. Равносильность уравнений, неравенств, систем. Решение систем уравнений с двумя неизвестными (простейшие типы). Решение систем неравенств с одной переменной.

Доказательства неравенств. Неравенство о среднем арифметическом и среднем геометрическом двух чисел.

Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.

Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.

**Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей**

Табличное и графическое представление данных. ЧИСЛОВЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ РЯДОВ ДАННЫХ.

Поочередный и одновременный выбор нескольких элементов из конечного множества. Формулы числа перестановок, сочетаний, размещений. Решение комбинаторных задач. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.

Элементарные и сложные события. Рассмотрение случаев и вероятность суммы несовместных событий, вероятность противоположного события. ПОНЯТИЕ О НЕЗАВИСИМОСТИ СОБЫТИЙ. ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИЧЕСКАЯ ЧАСТОТА НАСТУПЛЕНИЯ СОБЫТИЯ.

**Геометрия**

**Геометрия на плоскости**

Свойство биссектрисы угла треугольника. Решение треугольников. Вычисление биссектрис, медиан, высот, радиусов вписанной и описанной окружностей. Формулы площади треугольника: формула Герона, выражение площади треугольника через радиус вписанной и описанной окружностей.

Вычисление углов с вершиной внутри и вне круга, угла между хордой и касательной.

Теорема о произведении отрезков хорд. Теорема о касательной и секущей. Теорема о сумме квадратов сторон и диагоналей параллелограмма.

Вписанные и описанные многоугольники. Свойства и признаки вписанных и описанных четырехугольников.

Геометрические места точек.

Решение задач с помощью геометрических преобразований и геометрических мест.

ТЕОРЕМА ЧЕВЫ И ТЕОРЕМА МЕНЕЛАЯ.

ЭЛЛИПС, ГИПЕРБОЛА, ПАРАБОЛА КАК ГЕОМЕТРИЧЕСКИЕ МЕСТА ТОЧЕК.

НЕРАЗРЕШИМОСТЬ КЛАССИЧЕСКИХ ЗАДАЧ НА ПОСТРОЕНИЕ.

Прямые и плоскости в пространстве. Основные понятия стереометрии (точка, прямая, плоскость, пространство). ПОНЯТИЕ ОБ АКСИОМАТИЧЕСКОМ СПОСОБЕ ПОСТРОЕНИЯ ГЕОМЕТРИИ.

Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых. Параллельность и перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства. Теорема о трех перпендикулярах. Перпендикуляр и наклонная к плоскости. Угол между прямой и плоскостью.

Параллельность плоскостей, перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства. Двугранный угол, линейный угол двугранного угла.

Расстояния от точки до плоскости. Расстояние от прямой до плоскости. Расстояние между параллельными плоскостями. Расстояние между скрещивающимися прямыми.

Параллельное проектирование. Ортогональное проектирование. ПЛОЩАДЬ ОРТОГОНАЛЬНОЙ ПРОЕКЦИИ МНОГОУГОЛЬНИКА. Изображение пространственных фигур. ЦЕНТРАЛЬНОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ.

Многогранники. Вершины, ребра, грани многогранника. РАЗВЕРТКА. МНОГОГРАННЫЕ УГЛЫ. ВЫПУКЛЫЕ МНОГОГРАННИКИ. ТЕОРЕМА ЭЙЛЕРА.

Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб.

Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность. Треугольная пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида.

Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде.

ПОНЯТИЕ О СИММЕТРИИ В ПРОСТРАНСТВЕ (ЦЕНТРАЛЬНАЯ, ОСЕВАЯ, ЗЕРКАЛЬНАЯ).

Сечения многогранников. Построение сечений.

Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

Тела и поверхности вращения. Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. ОСЕВЫЕ СЕЧЕНИЯ И СЕЧЕНИЯ ПАРАЛЛЕЛЬНЫЕ ОСНОВАНИЮ.

Шар и сфера, их сечения. ЭЛЛИПС, ГИПЕРБОЛА, ПАРАБОЛА КАК СЕЧЕНИЯ КОНУСА. Касательная плоскость к сфере. СФЕРА, ВПИСАННАЯ В МНОГОГРАННИК, СФЕРА, ОПИСАННАЯ ОКОЛО МНОГОГРАННИКА.

ЦИЛИНДРИЧЕСКИЕ И КОНИЧЕСКИЕ ПОВЕРХНОСТИ.

Объемы тел и площади их поверхностей. ПОНЯТИЕ ОБ ОБЪЕМЕ ТЕЛА. ОТНОШЕНИЕ ОБЪЕМОВ ПОДОБНЫХ ТЕЛ.

Формулы объема куба, параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы.

Координаты и векторы. Декартовы координаты в пространстве. Формула расстояния между двумя точками. Уравнения сферы И ПЛОСКОСТИ. ФОРМУЛА РАССТОЯНИЯ ОТ ТОЧКИ ДО ПЛОСКОСТИ.

Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов и умножение вектора на число. Угол между векторами. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Компланарные векторы. Разложение по трем некомпланарным векторам.

3. Тематическое планирование учебного материала

**10 класс**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № | Основное содержание по темам | Количество часов |
|  | **Повторение** | **4** |
| 1-4 | Решение элементарных задач | 4 |
| **1** | **Делимость чисел** | **10** |
| 5 | Понятие делимости. Делимость целых чисел | 1 |
| 6-7 | Деление суммы и произведения. Интерпретация результата, учет реальных ограничений | 2 |
| 8-9 | Деление с остатком. *Сравнения.* Решение задач с целочисленными неизвестными | 2 |
| 10-11 | Признаки делимости | 2 |
| 12-13 | Решение уравнений в целых числах. Применение математических методов для решения задач из различных областей науки и практики | 2 |
| 14 | Контрольная работа №1 по теме «Делимость чисел» | 1 |
| **2** | **Многочлены. Алгебраические уравнения** | **17** |
| 15-16 | Многочлены от одного переменного | 2 |
| 17 | Схема Горнера | 1 |
| 18 | Теорема Безу | 1 |
| 19 | Следствия из теоремы Безу | 1 |
| 20-21 | Число корней многочлена. Решение рациональных уравнений. Равносильность уравнений | 2 |
| 22-23 | Делимость двучленов. Симметрические многочлены | 2 |
| 24-25 | Многочлены от двух переменных. Многочлены от нескольких переменных | 2 |
| 26-28 | Формулы сокращенного умножения старших степеней. Бином Ньютона. Формула Бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля | 3 |
| 29-30 | Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных. Равносильность систем уравнений | 2 |
| 31 | Контрольная работа №2 по теме «Многочлены. Алгебраические уравнения» | 1 |
| **3** | **Степень с действительным показателем** | **13** |
| 32 | Действительные числа | 1 |
| 33-34 | Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма | 2 |
| 35-38 | Корень степени n˃1 и его свойства | 4 |
| 39-40 | Степень с рациональным показателем и ее свойства | 2 |
| 41-43 | Понятие о степени с действительным показателем. Свойства степени с действительным показателем | 3 |
| 44 | Контрольная работа № 3 по теме «Степень с действительным показателем» | 1 |
| **4** | **Степенная функция** | **16** |
| 45 | Функции. Область определения и множество значений. График функции. Построение графиков функций, заданных различными способами. | 1 |
| 46 | Свойства функции: монотонность, четность и нечетность, ограниченность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значение. | 1 |
| 47 | Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Преобразование графиков: параллельный перенос, симметрия, *растяжение и сжатие вдоль осей координат* | 1 |
| 48-49 | Степенная функция с натуральным показателем, ее свойства и график. *Вертикальные и горизонтальные асимптоты графиков* | 2 |
| 50-51 | Взаимно обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции. Нахождение функции, обратной данной. | 2 |
| 52-53 | Сложная функция (композиция функций). Дробно – линейная функция. *Графики дробно – линейных функций* | 2 |
| 54 | Равносильность уравнений и неравенств | 1 |
| 55-57 | Решение иррациональных уравнений. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений | 3 |
| 58-59 | *Решение иррациональных неравенств*. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств | 2 |
| 60 | Контрольная работа № 4 по теме «Степенная функция» | 1 |
| **5** | **Показательная функция** | **11** |
| 61-62 | Показательная функция, ее свойства и график | 2 |
| 63-65 | Решение показательных уравнений. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений | 3 |
| 66-67 | Решение показательных неравенств. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств | 2 |
| 68-70 | Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных. Равносильность систем | 3 |
| 71 | Контрольная работа № 5 по теме «Показательная функция» | 1 |
| **6** | **Логарифмическая функция** | **17** |
| 72-73 | Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество | 2 |
| 74-75 | Свойства логарифмов: логарифм произведения, частного, степени; переход к новому основанию | 2 |
| 76-77 | Десятичные и натуральные логарифмы, число e | 2 |
| 78-79 | Логарифмическая функция, ее свойства и график | 2 |
| 80-82 | Решение логарифмических уравнений. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений | 3 |
| 83-86 | Решение логарифмических неравенств. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств. Метод интервалов | 4 |
| 87 | Преобразование выражений, включающих арифметические операции, а также операции возведения в степень и логарифмирования | 1 |
| 88 | Контрольная работа № 6 по теме «Логарифмическая функция» | 1 |
| **7** | **Тригонометрические формулы** | **24** |
| 89-90 | Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. | 2 |
| 91-92 | Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Синус, косинус, тангенс, котангенс числа. | 2 |
| 93-97 | Основные тригонометрические тождества | 5 |
| 98-100 | Синус, косинус и тангенс двойного угла | 3 |
| 101-102 | *Формулы половинного угла.* *Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного угла* | 2 |
| 103-105 | Формулы приведения | 3 |
| 106-107 | Преобразования суммы тригонометрических функций в произведения и произведения в сумму | 2 |
| 108-111 | Преобразования тригонометрических выражений | 4 |
| 112 | Контрольная работа № 7 по теме «Тригонометрические формулы» | 1 |
| **8** | **Тригонометрические уравнения** | **21** |
| 113-115 | Арккосинус числа. Арксинус числа | 3 |
| 116-118 | Арктангенс числа, арккотангенс числа | 3 |
| 119-122 | Простейшие тригонометрические уравнения | 4 |
| 123-129 | Решение тригонометрических уравнений | 7 |
| 130-132 | *Простейшие тригонометрические неравенства. Решение тригонометрических неравенств* | 3 |
| 133 | Контрольная работа № 8 по теме «Тригонометрические уравнения» | 1 |
| 134-136 | Резервное время | **3** |
| **1** | **Введение в стереометрию** | **3** |
| 1 | Предмет стереометрии. Основные понятия стереометрии (точка, прямая, плоскость , пространство) | 1 |
| 2 | *Понятие об аксиоматическом способе построения стереометрии*. Основные аксиомы стереометрии | 1 |
| 3 | *Понятие об аксиоматическом способе построения стереометрии*. Первые следствия из аксиом | 1 |
| **2** | **Параллельность прямых и плоскостей** | **20** |
| 4-7 | Параллельность прямых, прямой и плоскости; признаки и свойства | 4 |
| 8-9 | Взаимное расположение прямых в пространстве. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые | 2 |
| 10 | Угол между прямыми в пространстве | 1 |
| 11 | Контрольная работа № 1 по теме «Параллельность прямых. Параллельность прямой и плоскости» | 1 |
| 12-13 | Параллельность плоскостей; признаки и свойства | 2 |
| 14-15 | Изображение пространственных фигур. *Выпуклые многогранники*. Вершины, ребра, грани многогранника | 2 |
| 16-17 | Тетраэдр и параллелепипед. *Развертка. Многогранные углы. Теорема Эйлера.* | 2 |
| 18-21 | Решение задач. Сечение многогранников. Построение сечений | 4 |
| 22 | Контрольная работа №2 | 1 |
| 23 | Зачет №1 по теме «Параллельность прямых и плоскостей» | 1 |
| **3** | **Перпендикулярность прямых и плоскостей** | **21** |
| 24-26 | Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства | 3 |
| 27-28 | Расстояние от точки до плоскости. Расстояние от прямой до плоскости. Расстояние между скрещивающимися прямыми. Расстояние между параллельными плоскостями | 2 |
| 29-31 | Перпендикуляр и наклонные. Теорема о трех перпендикулярах | 3 |
| 32-34 | Угол между прямой и плоскостью | 3 |
| 35 | *Параллельное проектирование. Ортогональное проектирование. Центральное проектирование* | 1 |
| 36-37 | Двугранный угол, линейный угол двугранного угла | 2 |
| 38-39 | Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства | 2 |
| 40-43 | Решение задач по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей» | 4 |
| 44 | Зачет №2 по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей» | 1 |
| **4** | **Многогранники** | **16** |
| 45 | Понятие многогранника. *Выпуклые многогранники*.  Вершины, ребра, грани многогранника | 1 |
| 46-47 | Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность. Прямая и наклонная призма. Правильная призма | 2 |
| 48-50 | Пирамида, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность. Прямая и наклонная пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида | 3 |
| 51 | Понятие о симметрии в пространстве. Симметрии в кубе, в *призме и пирамиде* | 1 |
| 52-54 | Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр) | 3 |
| 55-58 | Решение задач по теме «Многогранники» | 4 |
| 59 | Контрольная работа № 3 по теме «Многогранники» | 1 |
| 60 | Зачет№ 3 по теме «Многогранники» | **1** |
| 61-68 | Резервное время | **8** |

**11 класс**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| № | Основное содержание по темам | Количество часов |
|  | **Повторение** | **2** |
| 1 | Показательные уравнения и неравенства | 1 |
| 2 | Логарифмические уравнения и неравенства | 1 |
| **1** | **Тригонометрические функции** | **19** |
| 3-5 | Область определения и множество значений тригонометрических функций | 3 |
| 6-9 | Четность, нечетность, периодичность, основной период тригонометрических функций | 4 |
| 10-17 | Тригонометрические функции, их свойства и графики | 8 |
| 18-20 | *Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики* | 3 |
| 21 | Контрольная работа №1 по теме «Тригонометрические функции» | 1 |
| **2** | **Производная и ее геометрический смысл** | **22** |
| 22-23 | Понятие о пределе последовательности | 2 |
| 24-25 | Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Длина окружности и площадь круга как пределы последовательностей | 2 |
| 26-28 | Понятие о производной | 3 |
| 29-31 | Производные суммы, разности, произведения и частного. | 3 |
| 32-34 | Производные основных элементарных функций | 3 |
| 35-36 | Производные сложной и обратной функций | 2 |
| 37 | Физический смысл производной | 1 |
| 38-39 | Геометрический смысл производной | 2 |
| 40-41 | Уравнение касательной к графику функции | 2 |
| 42 | Контрольная работа №2 по теме «Производная» | 1 |
| **3** | **Применение производной к исследованию функции** | **16** |
| 43 | Понятие о непрерывности функции. *Основные теоремы о непрерывности функции. Понятие о пределе функции в точке* | 1 |
| 44-45 | Промежутки возрастания и убывания | 2 |
| 46-47 | Точки экстремума (локального максимума и минимума) | 2 |
| 48-49 | Нахождение наибольших и наименьших значений | 2 |
| 50-51 | Вторая производная. *Выпуклость, вогнутость функции* | 2 |
| 52-53 | Применение производной к исследованию и построению графиков функций | 2 |
| 54-55 | Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. | 2 |
| 56 | Использование производных при решении уравнении и неравенств, текстовых. Физических и геометрических задач | 1 |
| 57 | Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком | 1 |
| 58 | Контрольная работа № 3 по теме «Применение производной» | 1 |
| **4** | **Первообразная и интеграл** | **15** |
| 59-60 | Первообразная | 2 |
| 61-63 | Правила вычисления первообразных. Первообразные элементарных функций | 3 |
| 64-66  67-69 | Площадь криволинейной трапеции  Понятие об определенном интеграле. Формула Ньютона - Лейбница | 3  3 |
| 70-72 | Примеры интегралов к решению задач. Примеры применения интегралов в физике и геометрии | 3 |
| 73 | Контрольная работа № 4 по теме «Первообразная и интеграл» | 1 |
| **5** | **Комбинаторика** | **10** |
| 74-75 | Поочередный и одновременный выбор нескольких элементов из конечного множества | 2 |
| 76-77 | Формулы числа перестановок, сочетаний, размещений | 2 |
| 78-81 | Решение комбинаторных задач | 5 |
| 82 | Проверочная работа по теме «Комбинаторика» | 1 |
| **6** | **Элементы теории вероятностей** | **7** |
| 83 | Вероятность события. Табличное и графическое представление данных. Числовые характеристики рядов данных | 1 |
| 84-85 | Элементарные и сложные события | 2 |
| 86-87 | Рассмотрение случаев и вероятность суммы несовместных событий, вероятность противоположного события | 2 |
| 88 | Понятие о независимости событий. Вероятность и статистическая частота наступления события | 1 |
| 89 | Контрольная работа № 5 по теме «Элементы теории вероятностей. Комбинаторика» | 1 |
| **7** | **Комплексные числа** | **13** |
| 90-91 | Комплексные числа. Геометрическая интерпретация комплексных чисел | 2 |
| 92-93 | Действительная и мнимая часть, модуль и аргумент комплексного числа | 2 |
| 94-96 | Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексных чисел | 3 |
| 97-99 | Арифметические действия над комплексными числами в разных формах записи | 3 |
| 100-101 | Комплексно сопряженные числа | 2 |
| 102 | *Возведение в натуральную степень (формула Муавра). Основная теорема алгебры* | 1 |
| **8** | **Уравнения и неравенства с двумя переменными** | **7** |
| 103-104 | Решение систем уравнений с двумя переменными (простейшие типы) | 2 |
| 105-106 | Решение систем неравенств с одной переменной | 2 |
| 107-108 | Доказательство неравенств. Неравенство о среднем арифметическом и среднем геометрическом двух чисел | 2 |
| 109 | Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем | 1 |
| 110-130 | **Итоговое повторение** | **21** |
| 131-136 | Резервное время | **6** |
| **1** | **Векторы в пространстве** | **6** |
| 1-2 | Векторы. Модуль вектора. Коллинеарные векторы. Равенство векторов | 2 |
| 3-4 | Действия над векторами. Сложение векторов и умножение вектора на число | 2 |
| 5-6 | Компланарные векторы | 2 |
| **2** | **Метод координат** | **11** |
| 7-8 | Декартовы координаты в пространстве. Координаты вектора | 2 |
| 9-10 | Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам | 2 |
| 11-13 | Простейшие задачи в координатах. Формула расстояния между двумя точками | 3 |
| 14-15 | Угол между векторами. Скалярное произведение векторов | 2 |
| 16 | Контрольная работа № 1 по теме «Векторы. Метод координат» | 1 |
| 17 | Зачет №1 по теме «Векторы. Метод координат» | 1 |
| **3** | **Цилиндр, конус, шар** | **13** |
| 18-19 | Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, *цилиндрическая поверхность,* развертка. Формула площади поверхности | 2 |
| 20 | *Осевое сечение цилиндра и сечения, параллельные основанию* | 1 |
| 21-22 | Конус. Основание, образующая, высота, боковая поверхность, *коническая поверхность,* развертка. Формула площади поверхности | 2 |
| 23 | *Осевое сечение конуса и сечения, параллельные основанию* | 1 |
| 24-25 | Шар и сфера, их сечения. Площадь сферы | 2 |
| 26 | *Эллипс, гипербола, парабола как сечения конуса* | 1 |
| 27 | Касательная плоскость к сфере | 1 |
| 28 | *Сфера, вписанная в многогранник. Сфера, описанная около многогранника* | 1 |
| 29 | Контрольная работа №2 по теме «Цилиндр, конус, шар» | 1 |
| 30 | Зачет №2 по теме «Цилиндр, конус, шар» | 1 |
| **4** | **Объемы тел** | **15** |
| 31 | Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел | 1 |
| 32-35 | Формулы объема куба, параллелепипеда, призмы, цилиндра | 4 |
| 36-39 | Формулы объема пирамиды и конуса | 4 |
| 40-43 | Формулы объема шара и площади сферы | 4 |
| 44 | Контрольная работа №3 по теме «Объемы тел» | 1 |
| 45 | Зачет №3 по теме «Объемы тел» | 1 |
| 46-60 | Итоговое повторение | **15** |
| 61-68 | Резервное время | **8** |

**,**